



## พื้นฐานก่อนไปทางคณิตศาสตร์

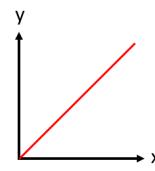
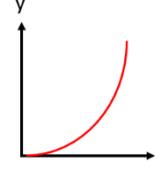
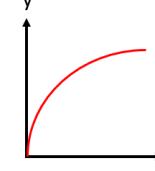
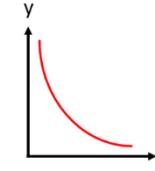
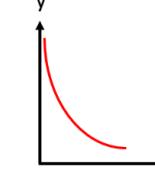
### เศษส่วน ทศนิยม เพรอร์เซ็นต์

เข้าจัดการจัดรูประหว่าง เศษส่วน ทศนิยม เพรอร์เซ็นต์

เศษส่วน	ทศนิยม	เปอร์เซ็นต์
$\frac{1}{1}$	1.00	100%
$\frac{1}{2}$	0.50	50%
$\frac{1}{4}$	0.25	25%
$\frac{3}{2}$	1.50	150%

### การแปรผันและสมการ

ใช้ในการเข้าใจการเปรียบเทียบความสัมพันธ์ตัวต่อตัวๆ

การแปรผันตรง (direct proportional)			การแปรผันกันแปร (inverse proportional)		
ถ้าปริมาณหนึ่งเพิ่ม อีกปริมาณก็จะเพิ่มขึ้น $x \uparrow y \uparrow$ ถ้าปริมาณหนึ่งลด อีกปริมาณก็จะลดลง $x \downarrow y \downarrow$			ถ้าปริมาณหนึ่งเพิ่ม อีกปริมาณจะลดลง $x \uparrow y \downarrow$ ถ้าปริมาณหนึ่งลดลง อีกปริมาณจะเพิ่มขึ้น $x \downarrow y \uparrow$		
$y \propto x$	$y \propto x^2$	$y \propto \sqrt{x}$	$y \propto \frac{1}{x}$	$y \propto \frac{1}{x^2}$	$y \propto \frac{1}{\sqrt{x}}$
					

### ตัวอย่าง การเปรียบเทียบสมการตัวต่อตัวๆ

แรงและกฎการเคลื่อนที่

$$a \propto F$$

$$a \propto \frac{1}{m}$$

การเคลื่อนที่แบบลูกตุ้มนาฬิกา

$$T \propto \sqrt{l}$$

$$T \propto \frac{1}{\sqrt{g}}$$

ความเข้มเสียง

$$I \propto P$$

$$I \propto \frac{1}{r^2}$$

กฎของชาร์ลส์/กฎของบอยล์

$$V \propto T$$

$$P \propto \frac{1}{V}$$



## การแก้สมการ

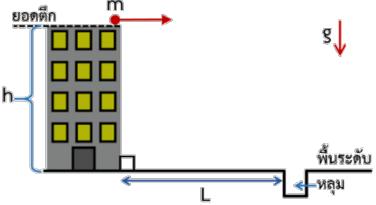
### การแก้สมการที่ทั่วไป

การหาค่าต่อของสมการซึ่งจะทำให้สมการนั้นเป็นจริง

+ ข้ายังเป็น -	- ข้ายังเป็น +	× ข้ายังเป็น ÷	÷ ข้ายังเป็น ×
$x + 5 = 8$ $x = 8 - 5$ $x = 3$	$x - 10 = 8$ $x = 8 + 10$ $x = 18$	$2x = 3$ $x = \frac{3}{2}$ $x = 1.5$	$\frac{x}{2} = 8$ $x = 8 \times 2$ $x = 16$

### การแก้สมการหลายตัวแปร

การหาค่าต่อของสมการ โดยจะต้องหาค่าต่อของตัวแปรหนึ่งก่อน แล้วนำตัวแปรนั้นไปแทนค่าในสมการอื่น

 <small>(วิชาสามัญ 58) พิจารณาวัตถุบนพื้นชั้งสูงจาก พื้นด้านล่างเป็นระยะ <math>h</math> ดังรูปต่อไปนี้ ให้ <math>L</math> ดังกล่าว เคลื่อนที่อุดกไปในแนวระดับความ อัตราเร็วเท่าเดิม ทุกจังหวะเคลื่อนที่ลงหลุมพอดี</small>	$u_x = ?$ $s_x = u_x t$ $s_y = u_y t + \frac{1}{2}gt^2$	$\text{หา } t$ $s_y = u_y t + \frac{1}{2}gt^2$ $h = 0 + \frac{1}{2}gt^2$ $t^2 = \frac{2h}{g}$ $t = \sqrt{\frac{2h}{g}}$ $t = \left(\frac{2h}{g}\right)^{\frac{1}{2}}$	$\text{หา } u_x$ $s_x = u_x t$ $L = u_x \left(\frac{2h}{g}\right)^{\frac{1}{2}}$ $u_x = \left(\frac{g}{2h}\right)^{\frac{1}{2}} L$ #ANS
--	---	--	--

### เลขยกกำลังและลอการิทึม

เลขยกกำลัง	ลอการิทึม
$a^0 = 1$	$\log_a a = 1$
$a^1 = a$	$\log_a 1 = 0$
$a^{-1} = \frac{1}{a}$	$\log_{10} x = \log x$
$a^{-n} = \frac{1}{a^n}$	$\log_e x = \ln x$
$\frac{1}{a^{-n}} = a^n$	$M = a^{\log_a M}$
	$\log_a MN = \log_a M + \log_a N$
	$\log_a \frac{M}{N} = \log_a M - \log_a N$
	$\log_a M^k = k \log_a M$
	$\log_a^{a_k} M = \frac{1}{k} \log_a M$



## การแยกตัวประกอบ

สมการกำลังสองก้าวไป

$$x^2 \pm (a + b)x \pm ab = (x \pm a)(x \pm b)$$

แบบ + +	แบบ - -	แบบ + > -	แบบ - > +
$x^2 + cx + d$	$x^2 - cx + d$	$x^2 + cx - d$	$x^2 - cx - d$
$x^2 + 4x + 3$	$x^2 - 5x + 6$	$x^2 + 4x - 45$	$x^2 - x - 12$

สมการกำลังสองก้าวไป (สูตร)

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

$$5x^2 - 3x - 2 =$$

ผลต่างกำลังสอง

$$x^2 - y^2 = (x + y)(x - y) \quad \text{หรือ} \quad u^2 - a^2 = (u + a)(u - a)$$

$$4x^2 - 9 =$$

สัมยุค (Conjugate)

$$(\sqrt{a} + \sqrt{b}) \cdot (\sqrt{a} - \sqrt{b}) = a - b \quad \text{หรือ} \quad (\sqrt{u} + \sqrt{a}) \cdot (\sqrt{u} - \sqrt{a}) = u - a$$

$$(\sqrt{5} + \sqrt{3}) \cdot (\sqrt{5} - \sqrt{3}) =$$

กำลังสองสมบูรณ์

$x^2 + 2yx + y^2 = (x + y)^2$	$x^2 - 2yx + y^2 = (x - y)^2$
$x^2 + 6x + 9$	$x^2 - 8x + 16$



## พื้นฐานตรีgon

กฎภูมิศาสตร์

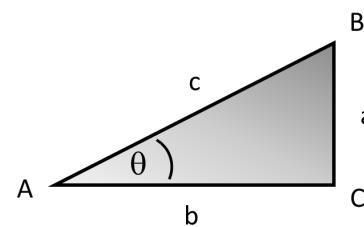
$$c^2 = a^2 + b^2$$

หรือ

$$c = \sqrt{a^2 + b^2}$$

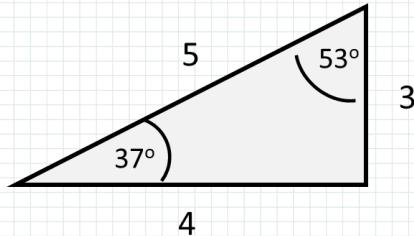
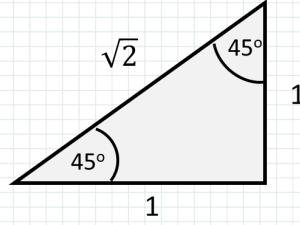
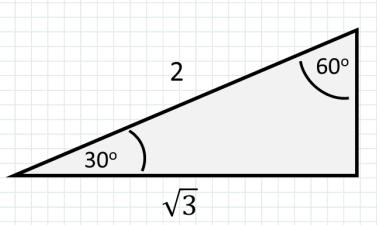
ฟังก์ชันตรีгонมิติ

ฟังก์ชันตรีгонมิติ		$a$	$b$	$c$	
$\sin\theta = \frac{a}{c}$	$\csc\theta = \frac{c}{a} = \frac{1}{\sin\theta}$	3	4	5	
		5	12	13	
$\cos\theta = \frac{b}{c}$	$\sec\theta = \frac{c}{b} = \frac{1}{\cos\theta}$	7	24	25	
		8	15	17	
$\tan\theta = \frac{a}{b} = \frac{\sin\theta}{\cos\theta}$	$\cot\theta = \frac{b}{a} = \frac{1}{\tan\theta}$	9	40	41	
		11	60	61	
$\sin\theta = \cos(90^\circ - \theta)$		$\cos\theta = \sin(90^\circ - \theta)$			$\sin^2\theta + \cos^2\theta = 1$
$\sin 2\theta = 2\sin\theta\cos\theta$		$\sin(A+B) = \sin A\cos B + \cos A\sin B$			$\sin(A-B) = \sin A\cos B - \cos A\sin B$
$\cos 2\theta = \cos^2\theta - \sin^2\theta$		$\cos(A+B) = \cos A\cos B - \sin A\sin B$			$\cos(A-B) = \cos A\cos B + \sin A\sin B$



ฟังก์ชันตรีгонมิติที่ใช้บ่อยๆ (ต้องจำให้ได้)

ตรีgon	มุมชุด 1					มุมชุด 2	
	$0^\circ$	$30^\circ$	$45^\circ$	$60^\circ$	$90^\circ$	$37^\circ$	$53^\circ$
$\sin\theta$		$\frac{1}{2}$				$\frac{3}{5}$	
$\cos\theta$							
$\tan\theta$							

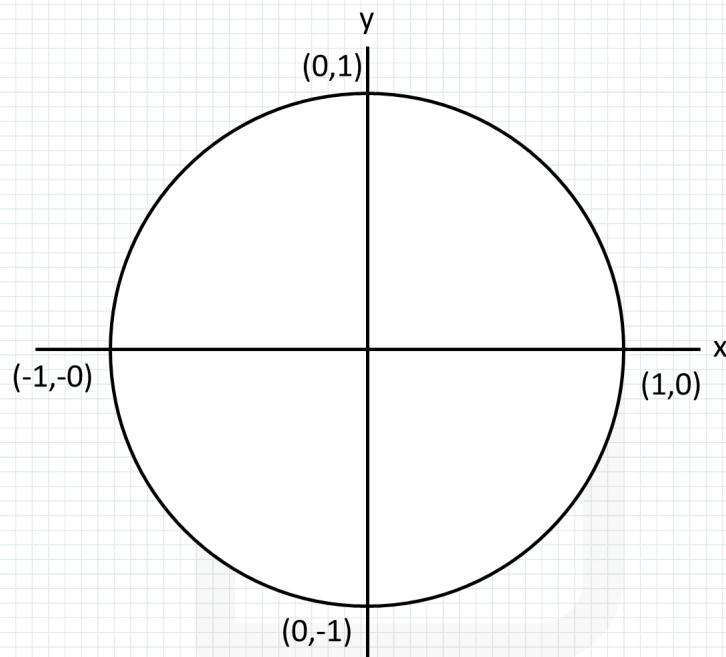




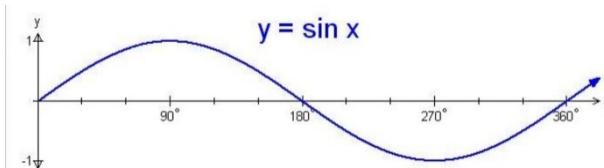
### วงกลม 1 หน่วยและการปรับค่ามุม

นิยาม เมื่อ  $(\cos\theta, \sin\theta)$  คือมุมต่างๆบนวงกลมรัศมี 1 หน่วย

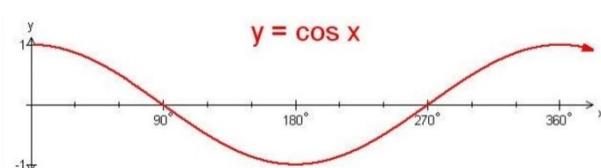
- ฟังก์ชันโคไซน์ ( $\cos\theta$ ) คือ ค่า x ( $-1 \leq \cos\theta \leq 1$ )
- ฟังก์ชันไซน์ ( $\sin\theta$ ) คือ ค่า y ( $-1 \leq \sin\theta \leq 1$ )



กราฟ sine



กราฟ cosine



หน่วยของมุม



หน่วยของมุมที่ใช้มี 2 หน่วย คือ องศา (degree) กับเรเดียน (radian) โดยการเทียบมุมระหว่างหน่วยเรเดียน (rad) กับ หน่วยองศา สามารถคำนวณดังนี้

มุมหน่วยเรเดียน	มุมหน่วยองศา
$\pi$	
$\pi/2$	
$3\pi/2$	
$2\pi$	

มุมหน่วยเรเดียน	มุมหน่วยองศา
$\pi/3$	
$\pi/4$	
$\pi/5$	
$\pi/6$	

### อินเวอร์ส ฟังก์ชันตรีгономิตรี (arc)

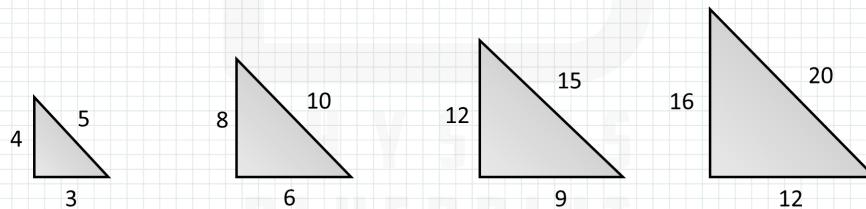
ใช้สำหรับการต่อ坝มุม  $\theta$  ในรูปแบบ arc

$$\sin\theta = \frac{1}{2} \longrightarrow \theta = 30^\circ$$

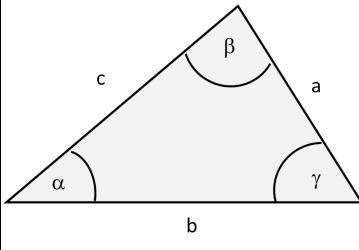
$$\sin\theta = \frac{2}{5} \longrightarrow \theta = \arcsin\left(\frac{2}{5}\right) \text{ หรือ } \theta = \sin^{-1}\left(\frac{2}{5}\right)$$

### สัดส่วน

(ใช้ในการรวมเวกเตอร์ต่างๆ หรือ หาความชันกราฟต่างๆ)



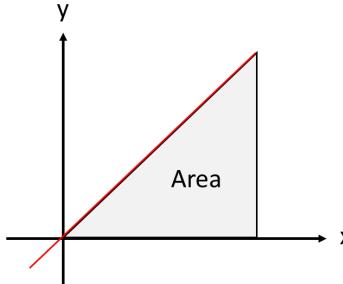
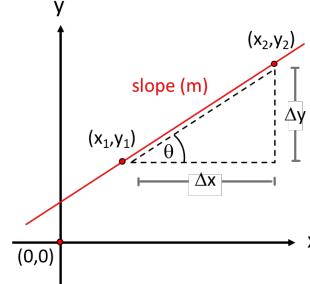
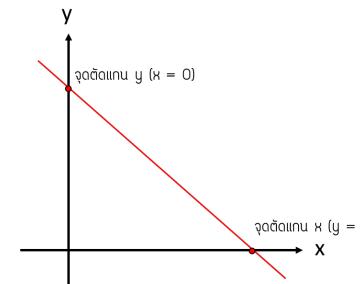
### กฎของไซน์ (law of sines) และ กฎของโคไซน์ (law of cosines)

	กฎของไซน์ (law of sines)	กฎของโคไซน์ (law of cosines)
	 $\frac{a}{\sin\alpha} = \frac{b}{\sin\beta} = \frac{c}{\sin\gamma}$	$a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos\alpha$ $b^2 = a^2 + c^2 - 2ac \cos\beta$ $c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cos\gamma$



## เรขาคณิต

### การวิเคราะห์ข้อมูล

พื้นที่ใต้กราฟ (Area)	ความชัน (Slope)	จุดตัดแกน (Intercepts)
 <p>ข้อมูลเสมีอนตัวแปรคุณกัน</p>	 <p>ข้อมูลเสมีอนตัวแปรหารกัน</p>	 <p>หาค่าที่จุดตัดแกนต่างๆ</p>

สมการเส้นตรง :

$$y = mx + c$$

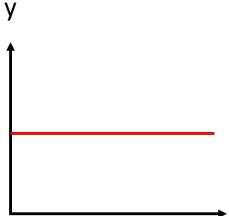
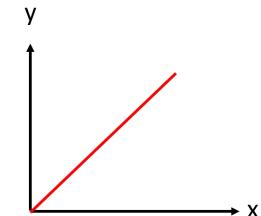
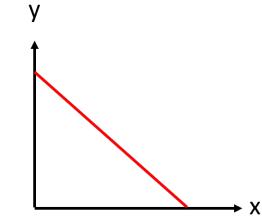
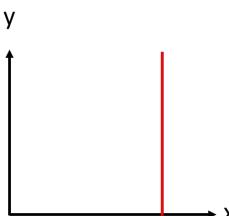
โดย  $m$  คือ ความชันของสมการเส้นตรง

$c$  คือ จุดตัดแกน  $y$

### ความชัน (Slope, $m$ )

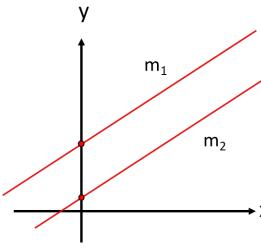
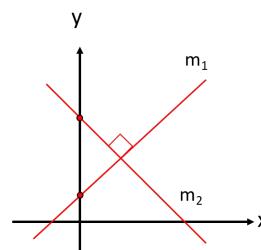
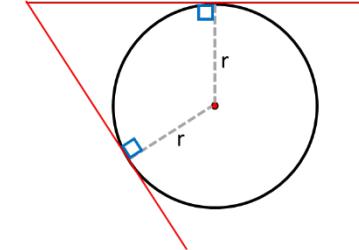
ความชันของเส้นตรง คือ อัตราส่วนระหว่างค่า  $y$  ที่เปลี่ยนแปลงไป ต่อค่า  $x$  ที่เปลี่ยนแปลงไป

$$\text{slope } (m) = \frac{\Delta Y}{\Delta X} = \tan\theta$$

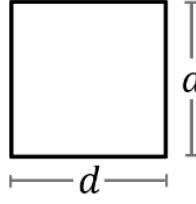
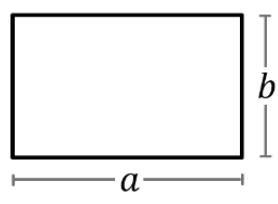
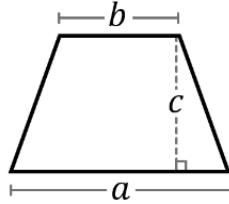
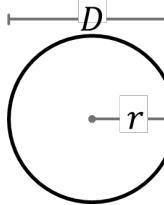
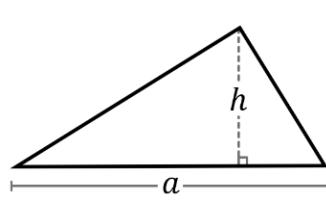
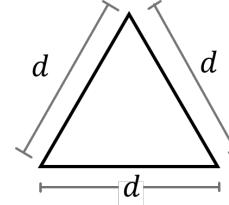
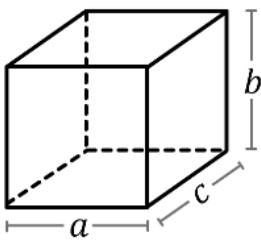
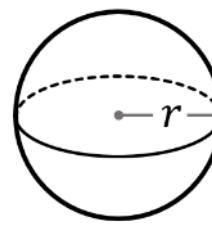
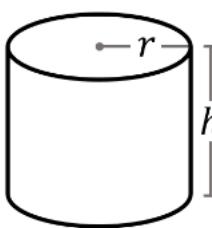
ความชัน $m = 0$	ความชัน $m +$	ความชัน $m -$	ความชัน หาค่าไม่ได้
			



## สมบัติที่ควรรู้ของเส้นตรง

เส้นตันสองเส้นนาน	เส้นตรงสองเส้นตั้งฉาก	เส้นตรงสัมผัสวงกลม
 <p><math>m_1 = m_2</math></p>	 <p><math>m_1 \times m_2 = -1</math></p>	 <p>เส้นตรงตั้งฉากกับรัศมีวงกลม</p>

## สูตรการหาพื้นที่และปริมาณ

สี่เหลี่ยมจัตุรัส	สี่เหลี่ยมผืนผ้า	สี่เหลี่ยมคางหมู		
				
$A = d^2$	$A = ab$	$A = \frac{1}{2}(a + b)c$		
วงกลม	สามเหลี่ยม	สามเหลี่ยมด้านเท่า		
				
$A = \pi r^2 = \frac{\pi D^2}{4}$	$A = \frac{1}{2}ah$	$A = \frac{\sqrt{3}}{4}d^2$		
กล่อง	ทรงกลม	ทรงกระบอก		
				
$V = a \times b \times c$	$V = \frac{4}{3}\pi r^3$	$A = 4\pi r^2$	$V = \pi r^2 h$	$A = 2\pi r h + 2\pi r^2$